

NOTA SULLA SOLUZIONE DELL'ESERCIZIO 4

Una soluzione molto semplice consiste nell'adattare l'algoritmo di Dijkstra per il calcolo della lunghezza dei cammini minimi da un vertice s a tutti gli altri.

L'algoritmo di Dijkstra (v. pseudocodice Lezione 30 sul sito del corso) quando da un vertice u con distanza $D[u]$ (definitiva) ispeziona ciascun vertice v adiacente, controlla se raggiungendo v tramite l'arco (u,v) si possa diminuire il costo $D[v]$ già calcolato:

```
if  $D[u] + \omega(u, v) < D[v]$  then  
     $D[v] \leftarrow D[u] + \omega(u, v)$ 
```

Nell'algoritmo modificato, considerando la regola per il calcolo dei pedaggi, è sufficiente sostituire

```
 $\max(D[u], \omega(u, v))$ 
```

al posto di $D[u] + \omega(u, v)$, sia nella condizione che nell'assegnamento.

Una soluzione alternativa può essere ottenuta DIMOSTRANDO che, con la regola data per calcolo dei pedaggi, i cammini più economici formano un albero ricoprente di peso minimo (nel senso usuale) del grafo che rappresenta la rete autostradale.

Si può dunque utilizzare l'algoritmo di Kruskal o Prim per ottenere un albero ricoprente di costo minimo. Una volta ottenuto l'albero, per ricavare i pedaggi più economici dalla località A alle altre località, si può utilizzare un algoritmo di visita dell'albero ottenuto a partire da A .

Nel caso si utilizzi Prim, i pedaggi possono anche essere calcolati durante la costruzione dell'albero, se la costruzione avviene a partire da A .

NB

Nell'esercizio, è anche richiesto di scrivere lo pseudocodice. Si raccomanda di seguire lo stile e il livello di dettaglio utilizzati a lezione e negli esempi presentati sul sito del corso.